

圧延加工の塑性変形とミクロ組織変化の連成計算による内部組織予測

Coupled Analysis of Plastic Deformation and Microstructure Evolution in Hot Rolling

柳本 潤 東京大学 生産技術研究所第二部 Jun Yanagimoto

し はじめに

鉄鋼を含む金属製品の特性は、材質と形状によって規定される。ここでいう材質とは製品の機械的特性のことであり、 製品の内部組織に依存して定まる。また、形状は製品の寸法 精度のことであって、これは素材が塑性加工を経て製品に至 るまでに受ける塑性変形に依存する。鉄鋼製品には材質と形 状の適正化が重要であって、これは古くから鉄鋼技術開発や 研究開発の目的となってきた。

鉄鋼製品は社会を支える代表的な構造材であるから、1) 優れた材質の製品が、2)不良が無く安定して大量に、市中 に供給されねばならない。前者はより付加価値の高い鉄鋼製 品目指した材料・商品開発、後者はいかなる鉄鋼製品であっ ても安定して製造するためのプロセス開発、に関連している。 高付加価値鉄鋼製品の開発と製造が今後のわが国鉄鋼業の向 かうべき方向であろう。そうだとすると、鉄鋼製品の高付加 価値化と同期してプロセス技術も発展せざるを得ないし、ま た、プロセスと材料とを一元化した技術に鉄鋼製品の付加価 値の新たな源泉があるのかもしれない。いずれにせよ、商 品/材料/機械的特性/内部組織と、プロセス/製造/形 状/塑性変形とがより密接に結びついた領域が、今後の鉄鋼 技術開発や研究開発の焦点となるであろう。結局のところ 「製品の内部組織」と「塑性変形」の適正化は、今後も重要で あり続ける、ということである。

本稿では、塑性変形と内部組織(ミクロ組織)とを連成さ せて行う圧延プロセスの解析について、理論の構成と若干の 解析例を示すことで現状の姿を解説することを試みる。

と 王延プロセスとミクロ組織の 連成解析

2.1 圧延プロセスの変形・温度解析

塑性加工のマクロな塑性変形や負荷特性の解析は、現在で は主として有限要素法で行われる。圧延加工については、材 料の弾性変形を無視した剛塑性有限要素法を利用した、定常 3次元変形解析が主として適用されている^{1,2)}。材料の変形 および温度の解析の流れを図1に示す。入力データとなるの は、材料および金型であるロールの力学的条件、幾何学的条 件、熱的条件と、FEM解析のモデリング条件、収束条件で ある。これら入力された数値をもとに、プリプロセッサ/ CADによってFEM解析用のデータを作成し、解析を行う。 解くべき支配方程式は、変形については応力場の釣合い条件 式、温度については熱伝導方程式であり、それぞれ式(1)、 式(2)で表される。なお、式(1)、式(2)は指標記法と総和 規約を利用した表示である。

ここで σ_{ij}は真応力の成分、x_iは座標成分、u_iは速度成分、T は温度、tは時間、Λは密度、Cは比熱、κは熱伝導率、Q は発熱量である。FEM解析で行っていることは、式(1)お よび式(2)の微分方程式を数値的に解くことであって、そ の際に、材料構成式(応力-ひずみ関係式)や、材料表面で の各種の境界条件を現実の圧延加工をできるだけ忠実に再現 しつつ与えることで、変形および温度をシミュレート(模擬) しているのである³⁾。その結果、図1に示したとおり、材料

882



図1 材料の変形および温度解析の流れ

の3次元変形と応力分布、温度分布が得られる。このうち、 材料のミクロ組織変化に大きく影響するのはひずみ速度の履 歴と温度の履歴であるが、各要素単位について、すなわち材 料横断面内の各々の流れ線に沿って独立した値が得られる。

2.2 熱間圧延加工時の再結晶、変態による

ミクロ組織変化の解析

塑性加工の教科書には、「塑性加工は金属素材に力を加え ることにより塑性変形を発生させ、この塑性変形を利用して 材料の形状を変えたり、材料の性質を改善する技術である」 としばしば記述されている。材料の性質の改善は、塑性加工 によるミクロ組織の変化に対応している。ミクロ組織すなわ ち結晶組織の変化と塑性変形との関わりはというと、まずは、 結晶の変形が想定されるが、言うまでも無く話はさほど単純 ではない。塑性変形によって誘起される鉄鋼材料のミクロ組 織変化は、再結晶、結晶粒成長、相変態、などによる結晶粒 の微細化や粗大化、結晶回転による配向など実に多様であっ て、これらの現象は固溶、析出、さらに核生成、転位の相互 作用、また原子の拡散などの、種々のスケールに跨る様々な 要因と相互に複雑に絡み合っているわけである。これらの複 雑さは認めた上で、熱間加工中のミクロ組織変化を模式的に 示すと、図2の通りとなる。なお、図2に示されている冷却 の後には、冷間圧延加工ならびに連続焼鈍によって集合組織 が形成される。集合組織はプレス成形性に影響する異方性の 発現と深く関わっているため、その理論解析は重要な課題で ある。集合組織の予測には結晶塑性論を利用することができ るが⁴⁾、FCC系材料についてもいまだ定量的な予測精度に問 題があることが指摘されており、より複雑なすべり系を有す る鉄鋼などのBCC系材料については、信頼するに足る理論 解析手法が存在していないのが現在の状況である。そこで以 後、熱間圧延加工時の再結晶、変態によるミクロ組織変化の 解析に絞り、論を進める。

前節にて述べたとおり、塑性加工の変形・温度解析によっ て、断面内の各流れ線に沿ったひずみ速度の履歴と温度の履 歴が得られる。これらの時間ステップ <n> についての値を、 $\dot{\epsilon}^{\langle n \rangle}$ 、 $T^{\langle n \rangle}$ と記す。 $\dot{\epsilon}^{\langle n \rangle}$ 、 $T^{\langle n \rangle}$ は、熱間圧延加工中の塑性 変形の過程で時々刻々変化するが、この影響をミクロ組織の 解析に反映させる必要がある。図3に、C-Si-Mn単純組成 鋼について従来得られている、加工硬化・動的回復・動的再 結晶・静的回復・静的再結晶、等の熱間加工時に生じる組織 変化についての冶金モデルの一例を示す⁵⁾。これらは、熱間 加工中のミクロ組織変化について、その素過程毎に得られて おり、数多くの熱間圧縮試験を行い、試験前後の内部組織変 化を顕微鏡観察し、その結果を定量化し、冶金学的に適切で ある回帰式として整理したものである。式を見れば明らかで あるが、これらの冶金モデルは一定のひずみ速度、一定の温 度についての材料データに相当しており、いわば材料ゲノム と称すべきものである。これらは熱間加工中の内部組織変化 について重要な情報を与えるが、直接これらの式を利用して 熱間圧延中および圧延後の材料内部組織変化を計算すること はできない。なぜなら $\dot{\epsilon}^{\langle n \rangle}$ 、 $T^{\langle n \rangle}$ は、熱間圧延加工中の塑 性変形の過程で時々刻々変化するからで、故に、ひずみ速度 の履歴と温度の履歴に応じた内部組織変化を解析するための 枠組み (内部組織予測手法) がさらに必要となってくる。



図2 熱間加工中のミクロ組織変化



図3 冶金モデル(材料ゲノム)と内部組織予測手法

1990年代に入り幾つかの手法が提案されているが⁶⁾、ここで は転位密度を媒介とした増分形モデル^{7,8)}について紹介する。

熱間塑性加エパス内での組織変化

加工硬化時の転位密度 ρ と塑性ひずみ $\overline{\epsilon}$ の関係は以下の通りに表される。

cは加工硬化係数である。動的回復による単位時間当たりの 転位の消失速度は、転位密度 ρ に比例すると仮定し(式(4))、 加工硬化と動的回復による転位密度増分を表すと式(5)が

b^Dは動的回復速度である。動的回復は結晶粒径の変化に関係しないが、粒成長が起こっているので、結晶粒径の変化は後述する粒成長式で解析する。

動的再結晶の進行は式(6)に示す、Avramiプロットによって整理できるとする。

ただし X^{p} は動的再結晶率、 G^{p} は動的再結晶速度、 ϵ_{c} は動的 再結晶が始まる臨界ひずみである。指数pはp=2である。 動的再結晶した粒の転位密度が焼鈍組織の転位密度 $\rho_{0}=10^{8}$ $[cm/cm^{3}]$ に常に等しいのであれば、式(5)を積分して得ら れる、加工硬化一動的回復による転位密度 ρ^{*} をもとにして、 加工硬化一動的回復一動的再結晶が共存する場合の(平均) 転位密度 ρ を、

とすることができるが、動的再結晶した粒はすぐに塑性変形 によって加工硬化し、さらに動的回復が同時に進行し、また、 一度動的再結晶した粒が再び動的再結晶するといった現象を 呈する。

式(6)のAvramiプロットは再結晶する体積分率を塑性ひ ずみの関数として表しているが、これはまた、1回動的再結 晶した結晶粒の集合体のひずみ分布を表している。図4に示 したとおり、再結晶率の塑性ひずみに対する勾配をもとに、 未再結晶部から1回動的再結晶部へのひずみ分布を、式(8) の通りに表すことができる。

$$dV^{1}(t) = \frac{dV^{1}(t)}{d\,\overline{\varepsilon}^{1}} d\,\overline{\varepsilon}^{1} = Gp\,(\,\overline{\varepsilon}_{MAX}^{1}(t) - \overline{\varepsilon}^{1})^{\,p-1}$$
$$\exp\left[-G\,(\,\overline{\varepsilon}_{MAX}^{1}(t) - \overline{\varepsilon}^{1})^{\,p}\right] d\,\overline{\varepsilon}^{1} \quad \dots \dots \dots (8)$$

ただし、 dV^1 は1回動的再結晶した副組織のひずみ ϵ^1 から $\epsilon^1 + d\epsilon^1$ の部分の占める体積率である。 ϵ_{MAX}^1 は、動的再 結晶した部分の最大の塑性ひずみ (代表ひずみ) であり、こ れは [未再結晶部の塑性ひずみー臨界ひずみ ϵ_c] に等しい。 式 (8) をもとに、1回動的再結晶した副組織のうち2回目の



図4 動的再結晶部のひずみ分布とAvramiプロットとの関係

動的再結晶に必要な臨界ひずみを超えている部分の相対分率 が、次式により計算できる。

$$B^{1} \approx \frac{\int_{\varepsilon_{c}}^{\overline{\varepsilon}_{MAX^{1}}} dV^{1}}{\int_{0}^{\overline{\varepsilon}_{MAX^{1}}} dV^{1}} = \frac{1 - \exp\left[-\overline{G}^{D}(\overline{\varepsilon}_{MAX^{1}} - \varepsilon_{c})^{p}\right]}{1 - \exp\left[-\overline{G}^{D}(\overline{\varepsilon}_{MAX^{1}})^{p}\right]} \cdots (9)$$

以上の考察に基づき、副組織を図5の通りに再結晶の繰り 返し数で分類するものとし、S_{ij}と表す。第1指標はパス間番 号、第2指標は動的再結晶サイクル数である(第1指標の持 つ意味については、静的再結晶の解析の部分で以後説明す る)。まずは第1パスについて考え、動的再結晶副組織Sowの 体積分率をA^Nとする。以下、上添え字Nは動的再結晶の繰 り返し数を表すものとする。未再結晶組織から1回動的再結 晶副組織への再結晶速度は次式によって表される。

$$\dot{x}^{D(0\to1)} = \frac{1}{A^0} \frac{dX^{D(0\to1)}}{dt} = \dot{\varepsilon} Gp \, (\bar{\varepsilon} - \varepsilon_c)^{p-1} \quad \dots \dots (10)$$

なお、 $(N \rightarrow N+1)$ は、N回動的再結晶副組織よりN+1回 動的再結晶副組織への移行を表す。ちなみに式 (10) はN= 0つまり未再結晶部からの動的再結晶速度の表示式である。 (10) 式はAvramiプロットの時間微分と、残存する0回再結 晶副組織 (もとの未再結晶組織)の体積率より導かれている。 すべての副組織 S_{0N} の再結晶速度は、次式 (11) で表される。 $\langle n \rangle$ は時間ステップである。

*B^{N(n)}*はそれぞれの副組織*S*_{ij}について、式 (9) によって計算 する。平均転位密度、平均結晶粒径は、式 (12)、式 (13) に



図5 再結晶の繰り返し数による動的再結晶組織の分類

よって、時間ステップ $\langle n \rangle$ ごとに順次更新して求める。なお、体積分率の変化は、それぞれの副組織 S_{ij} について $\Delta X = \dot{X} \Delta t$ である。

$$\rho^{N\langle n+1\rangle} = \frac{1}{A^{N\langle n+1\rangle}} \times \{A^{N\langle n\rangle}(\rho^{N\langle n\rangle} + \Delta \rho^{N\langle n\rangle}) -\Delta X^{D\langle N\to N+1\rangle\langle n\rangle}\rho^{N\langle n\rangle} +\Delta X^{D\langle N-1\to N\rangle\langle n\rangle}\rho_0^{N\langle n\rangle}\} \dots (12) d^{N\langle n+1\rangle} = \frac{1}{A^{N\langle n+1\rangle}} \times \{A^{N\langle n\rangle}(d^{N\langle n\rangle} + \Delta d^{N\langle n\rangle})$$

なお、 d_{γ} は動的再結晶粒径であり、Zener-Hollomonパラメ - $\beta Z = \hat{\epsilon} \exp(Q/RT)$ の関数としてあらわされる。

熱間塑性加工パス間での組織変化

熱間加工された結晶粒からのパス間での組織変化は、大き く分けて「粒成長」起因のポストダイナミック再結晶と、「核 生成ー成長」起因の静的再結晶に分割できる。パス間時間が 十分長い場合には、ポストダイナミック再結晶した部分と静 的再結晶した部分とはほぼ同じ結晶粒界の形状、同じ転位密 度を持つであろうから、両者を区別する理由は無くなる。こ れに対してパス間時間が短い場合には、結晶粒界の形状や転 位密度が異なることが予想されるので、両者を同一の特性を 持つものとして理論に組み込むことは合理性を欠く。そこで、 思い切った仮定ではあるが、

- 1回動的再結晶した結晶粒は、ポストダイナミック再結 晶の結果としてパス間での回復はあるものの、次パスで さらに動的再結晶を繰り返す。これを動的再結晶組織と 呼ぶ。
- 1回も動的再結晶していない粒は、静的再結晶をパス間で繰り返す。もしくは、パス内で動的に再結晶する。これを静的再結晶組織と呼ぶ。
- ポストダイナミック再結晶時の粒界移動によって、静的 再結晶組織の分率は変化する。

として計算を簡略化する。以後、再結晶副組織をS_{ij}の第1指 標を「静的に再結晶したパス間番号」とする。ちなみに、第 2指標は動的再結晶回数であるから、S_{io}がi番目のパス間で 生成した静的再結晶組織、これ以外が動的再結晶組織に対応 している。図6は、この仮定に従う副組織相互の関係である。 以後、説明を簡略化するために、ポストダイナミック再結晶 の影響を省略して方程式を記す。

静的再結晶の進行は時間に依存したAvramiプロットで表 される。

$$X^{s} = 1 - \exp\left[-G^{s}(t-t_{0})^{m}\right]$$
(14)



図6 動的再結晶と静的再結晶が並存する場合の副組織相互の関係

 G^{s} は静的再結晶速度、 X^{s} は静的再結晶率、 t_{0} は潜伏時間、 m = 2である。式 (14)をもとに、単位体積率あたりの静的 再結晶速度、および静的再結晶率の増分は、式 (15)、式 (16)で表わされる。

ただし、 A_{k0} ⁽ⁿ⁾は静的再結晶副組織 S_{k0} の時刻t⁽ⁿ⁾での体積率 である。ポストダイナミック再結晶の影響を省略した場合に は、すべての副組織 S_{ij} についての体積率の増減は、式 (17)、 式 (18) で表現できる。

$$A_{k0}^{\langle n+1\rangle} = \begin{cases} A_{k0}^{\langle n\rangle} (1 - \dot{x}_{k0}^{S \langle n\rangle} \Delta t^{\langle n\rangle}) & (k < i) \\ A_{k0}^{\langle n\rangle} + \Delta X_{k0}^{S \langle n\rangle} & (k = i) \end{cases} \dots \dots (17)$$

静的回復による転位密度の変化率は、動的回復と同じくその時点での転位密度に比例するものと仮定する。

静的回復に伴う転位の消失を考慮することによって、各副組 織の転位密度の増減を式(20)、式(21)で表す。なお、 $\rho_{recry}^{S(n)}$ は静的再結晶粒の転位密度($= \rho_0$)、 $\Delta \rho_{kj}^{(n)}$ は副組 織 S_{ij} について式(19)より計算される転位密度増分である。 また、パス間での回復は次パスでの動的再結晶を抑制する効 果を持つ。そこで、パス間での冶金ひずみの回復率は転位密 度の回復率と等しいと考え、式(22)で表す。

$$-\rho_{k0}^{\langle n\rangle} + \Delta \rho_{k0}^{\langle n\rangle} \qquad (k < i)$$

$$\rho_{k0}^{\langle n+1\rangle} = \begin{cases} \frac{1}{A_{k0}^{\langle n\rangle} + \Delta X_{k0}^{S\langle n\rangle}} \times & \dots \dots (20) \\ (A_{k0}^{\langle n\rangle} \rho_{k0}^{\langle n\rangle} + \Delta X_{k0}^{S\langle n\rangle} \rho_{recry}^{S\langle n\rangle}) & (k=i) \end{cases}$$

粒径の変化は、粒成長式(23)をもとに式(24)、式(25) で求める。 d_{γ}^{s} は静的再結晶粒径である。

$$\dot{d}_{k0}{}^{\langle n \rangle} = \frac{\alpha}{2d_{k0}{}^{\langle n \rangle}} \exp\left(-\frac{Q}{RT^{\langle n \rangle}}\right) \qquad (23)$$
$$d_{i0}{}^{\langle n+1 \rangle} = \frac{1}{A_{i0}{}^{\langle n+1 \rangle}} \left(A_{i0}{}^{\langle n \rangle} \left(d_{i0}{}^{\langle n \rangle} + \dot{d}_{i0}{}^{\langle n \rangle} \Delta t^{\langle n \rangle}\right) + \Delta X_{i0}{}^{\langle n \rangle} d_{\gamma}{}^{S\langle n \rangle}\right) \qquad (24)$$

$$d_{kj} \stackrel{\langle n+1 \rangle}{=} d_{kj} \stackrel{\langle n \rangle}{=} + \dot{d}_{kj} \stackrel{\langle n \rangle}{=} \Delta t \stackrel{\langle n \rangle}{=} (k < i, j > 0) \cdots (25)$$

流動応力の計算、変態の増分計算、

塑性変形解析との連成方法

以上の式によって求められた転位密度をもとに、Bailey-Hirschの関係を利用して流動応力
すが求められる。

ただしKは定数、Sは横弾性係数、bはバーガースベクトル の大きさである。

以上、加工中および加工パス間のミクロ組織変化の解析に ついて述べたが、同種の定式化は変態についても得ることが できる⁹⁾。熱間加工について与えられた式(3)~式(25)を 利用することで、残留転位密度が計算できる。この影響を核 生成頻度の増加として組み込むことができるので、熱間加工 の影響を変態によって形成されるフェライトーパーライト組 織に反映させることが可能である⁹⁾。図7は、熱間加工のマ クロ変形とミクロ組織を連成解析する手法の枠組みであっ て、個々の手法の構成については今まで示した通りである。

塑性変形とミクロ組織との **連成解析事例**

図8は、6パス連続熱間圧延後の内部組織変化である¹⁰⁾。 仕上げスタンド入口温度1100℃、出口温度850℃であり圧 下率は上段より順に、48%→44%→37%→36%→29%→ 20%すなわち前段強圧下、後段軽圧下とした一般的なスケ



熱間加工のマクロ変形とミクロ組織変化を連成解析するための 図7 枠組み

ジュールAと、温度を約100℃低下させさらに圧下率を 38%→37%→33%→40%→41%→38%と後段強圧下とし たスケジュールBとについて、ランアウトテーブルでの時間 経過に伴うフェライト結晶粒径変化と各相の分率変化を示し ている。内部組織の解析結果は実機圧延結果を相応の精度で 再現している。強いて言えば、後段強圧下としたスケジュー ルBのフェライト粒径解析精度が劣っているが、これは主と して、結晶粒界での核生成のみを変態の解析対象としている ことに起因している¹⁰⁾。なお、以上に示した内部組織解析 手法ではパス間での転位の累積を考慮して解析を行っている ので、圧延荷重についても実機での実測結果に近い解析結果 が得られている¹¹⁾。薄板や棒線材など連続圧延によって製 造されている鉄鋼製品は数多く、各スタンドでの圧延荷重の 予測精度は形状寸法精度と関連している。連続圧延における 各スタンドの圧延荷重を精度良く見積もるためには、パス内 やパス間での内部組織変化とこれに伴う転位密度の変化を考 慮せざるを得ないことは、以前より指摘されている通りであ 3¹²⁾。

図9はH形鋼の圧延について、仕上げ圧延機出口での温度 分布、オーステナイト粒径分布とフェライト変態終了時点で のフェライト粒径分布との比較結果である¹³⁾。フランジと ウェブとの中間にあるフィレット部分では、圧延中温度が一 貫して高い状態に保たれており、また塑性変形量も他の部分 に比較して小さい。その結果として、この部分の結晶粒径は 他の部分と比較して大きくなることが知られているが、塑性 変形と内部組織との連成解析によってこの状況が正しく捉え られている。

まとめ

塑性加工・圧延加工の塑性変形と内部組織との連成解析に ついてまとめた。本稿は、鉄鋼への計算科学の応用を趣旨と した特集号の一部であるため、内部組織 (ミクロ組織)の解



図8 6パス連続熱間圧延加工後の内部組織変化



析について方程式を一部ではあっても具体的に示すことが重 要であると考え、かくのごとき構成とした。ゆえに、変態の 解析や集合組織の解析について十分に触れることができず、 また筆者の手法を主として述べることとなった。塑性変形と 内部組織との連成解析手法は他にも提案されているので⁶⁰、 こちらもご参照いただければと思う。また本稿は、材料側よ りかはむしろ製造側の視点で著したつもりである。材料を主 眼とした計算科学については、本特集号の他の記事をご参照 いただきたい。

最後に、今後の2つの課題について触れる。本稿では材質 予測すなわち機械的特性の予測の問題には触れていないが、 これは極めて重要な課題である。古くから研究はされている この課題はあるいはNever Ending Storyであるのかも知れ ない。ここにて取り扱った連成解析の最終的な目的は材質予 測にあるのであるから、塑性変形と連成してプロセスの情報 を正確に反映した内部組織の予測は重要ではあるものの、こ こで留まっては片手落ちであることを強調しておく。次いで、 図3に示されている材料ゲノム(冶金モデル)についてであ るが、本来はこれこそ計算科学で取得されるべきであると思 う。ゴミだらけで多様な鉄鋼について、材料ゲノムを計算科 学で取得するのには大きな困難が伴うであろうが、「鉄鋼ナ ノテク」のに包含される一つの重要な課題であることは間違 いない。

参考文献

- 1)山田健二:第169・170回西山記念技術講座,(1998), 53.
- 2) 柳本 潤:第173・174回西山記念技術講座,(2000), 89.
- 3) 柳本 潤:塑性と加工, 42-490 (2001), 1106.
- 4)前田恭志:塑性と加工, 40-467 (1999), 1164.
- 5) 矢田 浩: 塑性と加工, 28-316 (1987), 413.
- 6) Karhausen, K. and Kopp, R.: Steel Res., 63-6 (1992), 247.
- 7) Yanagimoto, J., Karhausen, K., Brand, A.J. and Kopp, R.: Trans. ASME, J. Manufact. Sci. Eng., 120-2 (1998), 316.
- Yanagimoto, J. and Liu, J.: ISIJ Int., 39-2 (1999), 171.
- 9) Yanagimoto, J. and Liu, J. : ISIJ Int., 41-12 (2001), 1510.
- Yanagimoto, J., Morimoto, T., Chikushi I. and Kurahashi R : Steel Res., 73-2 (2002), 56.
- 森本敬治,倉橋隆郎,竹士伊知郎,柳本 潤:鉄と鋼, 88-11 (2002),747.
- 12) 矢田 浩,瀬沼武秀:塑性と加工,27-300 (1986), 34.
- 13) Yanagimoto, J. and Liu, J.: ISIJ Int., 42-8 (2002), 1510.

(2004年9月13日受付)