第2相を支配する溶質の固溶度と局所平衡

Solublity and Local Equilibrium Ruling Behaviors of Second Phase

田中浩司 ^{大同大学} 工学部 機械工学科 Kouji Tanaka 教授

し はじめに

材料技術者は金属材料の熱処理を行うにあたって、所望の 特性を得るにはどのようなミクロ組織が相応しいかを考える。 これは多くの場合、炭化物等の硬質粒子や結晶構造の異なる 第2相を析出・固溶させたり、球状化するといった組織変化 である。適切な組織変化を得るためには、各温度での保持時 間や冷却速度などの時間パラメータを適正に設定しなければ ならない。もし組織変化が溶質元素の拡散によるものであれ ば、放物線則に従って拡散係数および時間の1/2乗 (√Dt) に 比例して進行すると考えることができる。よって熱処理の時 間は、

√Dtの比例係数にあたる速度定数で決まる。本稿では、 何らかの第2相が分散した複合組織を求める際に平衡状態図 から何を読み取り、第2相における溶質固溶度から組織変化 をどう予測するかについて解説を試みる。特に後半では、母 相との界面における局所平衡の考え方にもとづいて、拡散律 速による速度式の組み立て方を示す。硬質材料における強化 相の選定や、速度式にもとづいた熱処理の短時間化などに応 用し、有用性を感じ取って頂ければ望外の喜びである。

門講座

平衡状態図の活用-10

むろん今回の速度論に関しても、これまでの講座で詳述さ れてきた平衡状態図の知識が大いに役に立つ。特に過去の入 門講座¹⁾で異相界面における局所平衡が詳しく解説されて おり、共役線 (タイライン) や等活量線の知識が基礎になる のでぜひ参照されたい。なお初めに申し上げておかねばなら ないが、多元系の実用金属材料となると、2次元の紙やディ スプレイに映る状態図からは、速度論に関する情報がほとん ど得られない。速度式に必要なあらゆる熱力学量は、熱力学 データベースを用いた相平衡計算 (CALPHAD法) により取 得する必要がある。商用/フリーを問わず、主なCALPHAD 法ソフトウェアを用いれば、ここで説明する局所平衡の計算 は可能である。さらに、設備に合わせた専用プログラムを開 発して実際の熱処理条件の適正化を図るためには、相平衡計 算を外部と連携させるインターフェースライブラリを備える のが賢明であろう。

2 硬質粒子の分散制御

高炭素鋼では、セメンタイトや各種合金炭化物が組織の主 役である。例えば軸受鋼では、浸炭によって表面近くの球状 セメンタイトの粒径をいくぶん増加させ、逆に工具鋼では、 粗大炭化物を固溶・再析出させて微細化する。より厳しい高 負荷や高温摺動に対する部分には、重金属の化合物粉末を用 いたハードフェーシングが行われることがある。ユニット部 品の小型軽量化が進むにつれ、耐摩耗や耐環境性という付加 価値が求められ、硬質相の複合化はますます重要な材料技術 になってくる。特にトライボロジー特性には、硬質粒子の種 類だけでなくその粒径や形状が強く影響する。母相金属に異 質な第2相を分散させ、その形態を制御するには、平衡状態 図から知られる次のことに注意を払うべきである。 (1) 液相の生成

C、B、Siはそれぞれ炭化物、ホウ化物、ケイ化物を形成す るが、多くの分散粒子を求めて多量に添加すると、たいて いは母相金属と共晶反応を起こして融点が著しく低くなる。 Fe-C系では2.1% C以上にオーステナイト(γ)との共晶反 応があり、鋳鉄の融点が低い所以である。図1²⁰はFe-Cr-Si 系の1200℃における等温状態図であり、フェライト(α)と Fe₅Si₃の間に大きな液相領域が存在し、Cr濃度が増加するほ ど拡大している。したがってFeにケイ化物を添加した時よ りも、Fe-Cr合金に同量を添加した時の方が融点は低い傾向 にある。

BはγFe中の固溶度がほぼゼロと考えて良く、ごく微量で もFe₂B等のホウ化物を形成してγとの疑2元共晶系状態図 を描く³⁾。硬質材料は原料粉末を混合・加圧成形・焼結して 製造されることが多いが、その平均組成が焼結温度において γ + Liquid 領域にあれば、少量の液相が出現して緻密化が図られる(液相焼結)⁴⁵⁾。ただし液相が生じる下限である γ + Liquidの γ 側境界を厳密に見極め、かつ加熱速度・時間に注意しないと、部分溶融が先行して思わぬ変形や空洞を生じることがある。

(2) 副化合物の形成

母相の主元素ではなく、添加した特定の合金元素と選択的 に反応させて、より高機能の化合物を形成させる in-situ 複合 化法がある。例えば Fe-Cr に Ti、B を添加すれば TiB₂ が最優 先に形成され、余剰のB が M_2B (M = Cr, Fe)を形成する⁶。 本節では後者を副化合物と呼んでいる。

TiB₂はいわゆるラインコンパウンドであるから、厳密に化 学量論比で配合しないと、組織中にM₂Bが多量に介在する。 これを避けるためには図2のような、モル分率の比を変化さ せた縦断面状態図が計算できると良い。ここではB:17at% であるから、Tiがその1/2以上あれば硬質粒子をTiB₂のみに 制御できることが分かる。実際には酸化やTiCの介在によっ てTiが消費されるため、原料粉末中の不純物濃度を考慮した 状態図の計算が望ましく、その方法については専門誌⁷⁰を参 照頂きたい。

実験状態図にしる計算状態図にしろ、母相と第2相との間 でまず認識すべき重要な情報は、溶質の平衡固溶濃度(以下、 固溶度)である。鉄鋼材料であればγとαとの間、およびこ れらと各種炭化物の間で分配する、主要な溶質元素の固溶度 に注意を払おう。例えば図3のFe-Cr-C系状態図[®]は良く知



図1 Fe-Cr-Si系の計算状態図(1200℃等温断面)

られており、炭化物としてセメンタイト(θ)のほか、 M_7C_3 および $M_{23}C_6$ が存在する。1000°Cでは M_7C_3 のCr固溶度は少 なくとも25%以上と読み取ることができるが、 θ では高々 12%程度であって、 $M_7C_3 \ge \theta$ が共存する時にも明確な差が 維持される。母相との固溶度の比を分配係数と言い、分配係 数が大きい第2相が成長するには、溶質元素が第2相(ここで は炭化物)に向かって流れ込む大きな拡散流束が必要になる。

図4に、SUJ2相当の高炭素鋼をカーボンポテンシャル1.29 で高濃度浸炭した時の、2種の炭化物の平均粒径変化を示



図2 Fe-Cr-Ti-17at% B縦断面状態図⁶⁾。 Fe/Crモル比を0.2、Bを17at%に固定し、Ti濃度によりTi/Bモ ル比を変化させた



図3 Fe-C-Cr系の計算状態図(1000℃等温断面)



図4 SUJ2相当鋼の高濃度浸炭における炭化物粒子の平均粒径変化⁹⁾ (CP:1.29,850℃/900℃×4h)。同色の各曲線とマーカはそれぞ れ対応する計算と浸炭前後の実測値

す⁹⁾。点線・破線・実線は拡散シミュレーションによる結果 であり、また各マーカーは浸炭の前後に表面から0.1mmの深 さで測定した炭化物粒径である。試料名J2やJSiの主たる炭 化物は θ 、JCrでは M_7C_3 であり、予め球状化処理がなされ、 850℃もしくは900℃で4h浸炭された。シミュレーションと の比較はさておき、いずれの測定値を見ても M_7C_3 粒子は θ 粒子の1/2以下の粒径で、浸炭しても成長し難いことが分か る。このように置換型合金元素の固溶度が大きい第2相は、 拡散による成長や粗大化が抑制される傾向にある。

一方、θにも様々な合金元素が固溶するが、その固溶度は 比較的小さく、θ粒子は駆動力が満たされれば比較的容易に 核生成・成長すると考えてよい。例えば焼き戻しの初期過程 では前駆段階となる準安定炭化物がまず形成され、θに変化 した後、高温保持されて初めて合金元素の固溶度が平衡濃度 に達するような時系列変化をする¹⁰。

以上のように、溶質元素の分配係数(固溶度)は、第2相の 成長過程を律速する重要な情報である。しかし、それはあく まで当該元素の拡散による成長が可能な場合であって、低温 での析出や連続冷却変態では、状態図の平衡分配に縛られな い特殊な局所平衡をとることを知っておく必要がある。

4 非分配型の局所平衡とは

鋼の熱処理において最も重要な冶金的現象は、γ→α変態 であろう。ここでは、置換型合金元素が非分配となる局所平 衡を理解することがポイントになる。その概念についてはす でに詳しく解説されているが、状態図上ではなかなか理解し



図5 NPLE型γ/α変態に関わる状態図と、界面付近の炭素(C)および置換型合金元素(X)の濃度分布。文献¹⁾に加筆

づらい。図5は、 γ / α 変態に関する局所平衡と、界面付近の 炭素 (C) および置換型合金元素 (X) の濃度分布を、縦横軸 に合わせて表した模式図¹¹である。

実際に等温変態での初析 α の成長速度を丁寧に測定し てみると、パラ平衡 (PE) か非分配局所平衡 (Negligible Partitioned Local Equilibrium : NPLE) で良く近似される^{11,12}。 ただしNPLEは $\gamma + \alpha$ 二相領域のうちハッチング部分でのみ 起こり得る点に注意が必要である。つまり合金組成や温度に よってこの領域を抜けると、通常の分配局所平衡 (PLE、パ ラ平衡に対してオルソ平衡とも) やPEに変化するわけであ る¹³⁻¹⁵。さらにNPLEは、母相 γ の界面付近でXがスパイク状 に濃化することが前提であり、そのためのXの拡散が追い付 かないような状況、例えば過冷度が大きく γ / α 界面の移動 が著しく速い時には成立しない。よって等温変態であっても、 界面の局所平衡は固定されるものではなく、時間とともに中 間的な様式をとりながら遷移する可能性がある¹⁶⁻¹⁸。

さてこのような特殊な化学平衡は、どのようにして求める のであろう。ソフトウェアによっては専用機能が付いてい るものもあるが、ここでは熱力学的に合理的な手順を図5を 使って説明しておく。まず重要なのは、系の状態変数となる 合金組成である。「局所」であるから、通常用いられる合金全 体の平均組成(状態図中の○)は状態変数にならない。では どうするかと言うと、非分配局所平衡では生成相(ここでは α)中のXの分配係数が1、すなわちXの濃度が母相と等しい という条件が付与される。これで界面のα側の組成(図中A) が決まり、局所平衡であるから、タイラインをたどればγ側 の組成(図中B)が求まる。計算自体は簡単なようであるが、 本当にそのような局所平衡が成り立つのかをチェックする 必要がある。 α が γ 側へ成長するためには、 γ 側へ排出され たCが散逸する方向の拡散流束を必要とする。したがって、 B点のCの化学ポテンシャルは未変態の γ 内部よりも高くな ければならず、少なくとも初期の γ 平均組成は、界面の局所 平衡組成を通るCの等活量線より下(低活量側)にある。非 分配を前提にするとX濃度は固定されるから、C拡散による 成長を考えると、等X濃度のまま高C濃度方向へ延長した時、 等活量線との交点がNPLEの限界となる。

なお、γ / θ界面の同様な局所平衡の考え方は文献¹⁰ に詳 しいので、焼戻し炭化物の析出や急速加熱時のγ逆変態を扱 う際には一読をお勧めする。以下では、このような特殊な局 所平衡をもとにした速度論的解析を行い、ある程度実験との 一致が得られた例をできるだけ平易に解説する。

5 相変態の速度を決める 置換型合金元素

鉄鋼材料には多くの置換型元素が添加され、C活量や変態 駆動力の増減、あるいはソリュートドラッグのような移動界 面への動的な効果を通じて、焼入れ性や炭化物の析出が制御 されている。均質化や時効など高温長時間の熱処理では、C よりもむしろ置換型元素Xの分配にともなう拡散が、組織変 化の速度を決めていることも多い。一方、冷却速度が大きい 時や、600℃以下の焼鈍ではXの拡散がほぼ不可能なため、そ の分配を必要としない相変態だけが起こりうる。ここではさ まざまな局所平衡を取る $\gamma \rightarrow \alpha$ 変態や、 γ 粒界における θ 成 長を検討してみよう。

完全なPEでない限り、分配比に従って合金元素は界面近 傍で短距離拡散を始める。この時、界面がPLEかNPLEと思 案することになるが、次の問題が残っている。それは、現実 には複数の置換型元素がありながら、図5のNPLEをどの元 素に適用すべきなのか一般論が見当たらないことである。下 記 (1) はその検討例である。

実際には全ての元素が拡散するので、ある元素のPEや NPLEに集約するのは、界面移動速度を解析するための近似 に過ぎない。これに対して市販ソフトのDICTRAを使えば、 多元系の各元素の拡散流束から決まる界面移動速度が一致 するように、局所平衡すなわちタイラインを探すことができ る。つまり数値解析であるが、筆者の経験では5元系程度ま でなら実用レベルで収束する。そして、そのシミュレーショ ン結果を単元素の局所平衡で近似した理論式と比較してみる と、界面が「どの元素に合わせて」移動しているかが見えて くる。検討例を(2)に示す。

(1) Mn添加中炭素鋼の初析フェライト変態^{11,12)}

本節ではSMn438相当の中炭素鋼について、Mnを非分 配とした局所平衡による速度式を適用した例を述べる。図6 は、Mn濃度が±0.2%異なるSMn438相当鋼の655℃等温変態 における初析フェライトおよびパーライトの体積率変化を計 算・測定したものである。初析αの平衡体積率は約0.2であ るが、Mn濃度によって保持時間1.8ksまでの立ち上がりに 顕著な差がみられる。用いた初析αの成長速度は、Cの拡散 律速による放物線則にソフトインピンジメント(γ粒内でC 拡散領域が重畳すること)の効果を加えたものであるが、界 面のγ側C濃度をNPLEに規定して計算している。図から分 かるように、本鋼ではMnをNPLEの対象元素とすることで、 明確な変態速度の差を予測することができる。

前述したように、等温変態でも組成・温度を変えたり連続 冷却変態させる場合、終始NPLEで良い予測計算ができる訳 ではない。図7に、Fe-0.1C-2MnおよびFe-0.3C-2Mnを等温 変態させた温度を、NPLE、PEの各領域を区切った計算状態



図6 SMn438 相当鋼の655℃等温変態における変態体積率変化¹¹⁾。
 (a) 1.69% Mn, (b) 1.51% Mn, (c) 1.29% Mn。
 α:初析フェライト、P:パーライト、各マーカー(exp.)は実測値、曲線(calc)はNPLEでの計算結果



図7 Fe-2Mn-C計算状態図のPE- γ / (γ + α) 境界とNPLE 限界¹²⁾。
 黒マーカーはC濃度の異なる試料を等温変態させた温度を示す

図上に示す。図中の"Isopleth"は通常の $\gamma / (\gamma + \alpha)$ 境界を、 "PE"はPEでの同境界を表すが、NPLEの破線は同時にその 内側、すなわち低温側か低C濃度側でNPLE型拡散変態が可 能なことを意味している。このように、Isoplethから離れた 過冷度の大きな領域では、NPLE型、PE型いずれの局所平衡 もとりうる。

注目して欲しいのは、PEに比べてNPLEでは $\gamma/(\gamma + \alpha)$ の境界、つまり γ/α 界面の γ 側C濃度が数分の一であり、 γ 中のC拡散流束が小さくなるため、同じ温度でも拡散変態がかなり遅くなることである。つまり、NPLE/PE型は変態速度に明確な差を持つので、実験で区別しやすい。さて図中の \odot マーカーの組成・温度では、いずれの様式で初析 α 変態が進行するのであろうか。結果は原著¹²⁾にある通り、NPLE境界に近い温度・組成の時にNPLEで予測される成長速度に従い、離れるとPEに従う傾向にある。

(2) Cr, Si 量を変化させた肌焼鋼の粒界セメンタイトの成長^{19,20)}

真空浸炭は高温減圧下に少量の炭化水素を導入し、浸炭期 と拡散期を数分サイクルで繰り返すプロセスであり、材料表 面の浸炭現象は通常のガス浸炭よりはるかに過渡的である。 浸炭期の表面に与えられるC活量は1.0、すなわち最表面の γ は黒鉛と直接平衡する過飽和度に達すると考えられ、わず か数分で γ 粒界には1 μ mを超えるフィルム状 θ が成長す る。そこで標記のSCr系肌焼鋼に汎用的に適用できる、粒界 θ の成長速度式を以下のように解析した。

まずCの拡散方程式を差分法で解いて、粒界θを考慮しない、浸炭層全体のC濃度分布を求めておく。浸炭層内では深



さに応じてC濃度、すなわちθの析出に対する過飽和度が異 なるので、 θ が成長する時の γ / θ 界面の局所平衡も違う。 真空浸炭は900℃以上の高温であるため、置換型元素も短距 離拡散するので、界面ではどの元素の拡散を待っているのか が鍵である。これが分かれば、場所ごとの界面の局所平衡を CALPHAD法で時々刻々計算することで、シンプルな拡散律 速による θ の成長速度式を利用することができる。ここで 注目するのはやはりCの拡散が圧倒的に速いことで、浸炭層 内の表面に平行な面内ではCが十分に拡散しており、γ / θ 界面からッ粒内部にかけてのC活量はほぼ均一と仮定でき る。この状況を再現するためDICTRAを活用し、多元系での θ成長を観察することにした。計算に用いた一次元モデル を図8に示す。γのサイズは、直ちにC活量が均一になるよ う厚さ5µmの薄片であり、片面に1.0前後の高いC活量を 与えて反対の面から内部に向かうフィルム状θの成長をシ ミュレーションした。

その結果、フィルム状 θ の厚さ方向の成長はおよそ放物線則 で表され、速度定数 (Parabolic Rate Constant、以下PRC) を いくつかの過飽和度に対して評価できた。このPRCは、多元系 の中で Cr や Si など複数の元素拡散をともなった結果である。 一方、この成長において例えば Si が 「NPLE」ライクな拡散状態 となり、その拡散が律速する簡単な速度式を考えると PRC (a^{Si} とする)は式 (1)となる。式中の濃度記号 $X_{Si}^{\gamma/\theta}$ 、 $X_{Si}^{\theta/\gamma}$ はそれ ぞれ γ / θ 界面の γ 側、 θ 側の Si 濃度 (~0)、 X_{Si}^{θ} は γ 中の初 期固溶 Si 濃度、 D_{Si}^{γ} は γ 中の Si の拡散係数である。

$$\alpha^{Si} = \frac{X_{Si}^{\gamma/\theta} - X_{Si}^{0}}{\sqrt{\left(X_{Si}^{\theta/\gamma} - X_{Si}^{0}\right)\left(X_{Si}^{\theta/\gamma} - X_{Si}^{\gamma/\theta}\right)}} \cdot \sqrt{D_{Si}^{\gamma}} \cong \frac{X_{Si}^{\gamma/\theta} - X_{Si}^{0}}{\sqrt{X_{Si}^{\gamma/\theta}X_{Si}^{0}}} \cdot \sqrt{D_{Si}^{\gamma}}$$
(1)

またこのような各単元素の拡散律速式で計算したPRCと、 DICTRAによる値を比較した結果が図9である。これから分 かるように、図の範囲で肌焼鋼の組成や過飽和度を変化させ ても、Siの拡散律速によるPRCがシミュレーションした値と 良く一致する。つまりθにはSiが分配されないため、θから



図9 SiまたはCrの拡散律速式による粒界θの放物線速度定数の比較¹⁹⁾。白棒は多元系拡散シミュレーションで評価した値。 (a)Fe-0.21C-0.75Si-0.78Mn-1.05Cr, (b)Fe-0.21C-0.05Si-0.78Mn-1.05Cr, (c)Fe-0.21C-0.24Si-0.78Mn-1.05Cr, (d) Fe-0.21C-0.24Si-0.78Mn-1.50Cr, (e) Fe-0.21C-0.24Si-0.78Mn-0.50Cr.

排出されたSiのγ中の拡散が成長速度を決める、との近似が 成り立つ。

式(1)には γ / θ 界面の局所平衡濃度が含まれる。図10は SCr420鋼を想定したFe-C-Si-0.8Mn-1.05Cr計算状態図上に、 $X_{si}^{\gamma/\theta}$ すなわち γ 側界面のSi濃度(\triangle)を、浸炭中のC濃度(\bigcirc $\rightarrow \bullet$)に対して示したものである。 $\gamma + \theta$ 領域にある母相 γ の C濃度は過飽和であり、それぞれ等C活量線に沿って延長す ると $X_{si}^{\gamma/\theta}$ が得られる。平均Si濃度は0.2%であるから、界面の γ 側にSiが著しく濃化し、濃度ピークが高い($X_{si}^{\gamma/\theta}$ が大きい) ほど式(1)に従って粒界 θ は速く成長すると解釈できる。こ のように実用多元系でも、単元素に絞って局所平衡を仮定す れば、速度論的扱いを取り入れることはさほど困難ではなく、時間精度の高い組織変化の予測が可能になる。

6 終わりに

筆者が卒業した頃は、合金組成や加熱温度を決めるため に、ぶ厚い状態図ハンドブックを参照していた。周知のよう に最近の計算熱力学の進歩は目覚ましいが、CALPHAD法ソ フトウェアとデータベースの充実によって、それが早くから 産業界で研究開発に活用されてきたことは特筆すべきであ る。ハンドブックには載っていない多元系の断面状態図や、 固溶限界などの重要な指標が得られるのであるから利用しな



図10 Fe-C-Si-0.8Mn-1.05Crの等温断面状態図 (950℃)¹⁹⁾。 浸炭表面●は黒鉛との準安定平衡にあり、内部は〇、灰色は粒 界 θ が析出しつつある過飽和な浸炭層に対応する。γ / θ 界面 の γ 側組成は等活量線上にある

い手はない。

ここでは日々、高性能化・低コスト化を目指す材料開発や 熱処理の現場で遭遇する組織変化を念頭に、ひとひねりを加 えた平衡状態図の見方、活用例を紹介した。後半で引用した ような速度論計算におよぶ必要性はさまざまであろうが、少 なくとも「この第2相は母相金属中でどんな振るまいをする か」という疑問は、適切な状態図から予見できる。結局はこ のような感覚が技術者として大事であり、予見を持って実験 で確認する経験を積めば、自ずと添加元素や混合する粒子の 質(たち)が分かってくるはずである。学生諸氏や若手技術 者が状態図を深く理解されることを祈念して止まない。

参考文献

- 1)長谷部光弘:ふぇらむ,11 (2006) 6,349.
- 2) Calculated Phase Diagram Database : http://steel.ndsl. kr/htm/Fe-Cr-Si.htm
- 3)金子秀夫,西澤泰二,千葉昻:日本金属学会誌,30 (1966)2,157.
- 4)井手恒幸,中野和則,高木研一,渡辺忠雄:粉体および粉 末冶金,35 (1988) 1,33.
- 5) 中村満, 鎌田公一, 平塚貞人, 野村祐司: 粉体および粉末 冶金, 43 (1996) 9, 1111.
- 6)田中浩司, 大島正, 斎藤卓:鉄と鋼, 84 (1998) 8, 586.
- 7) K. Tanaka and T. Saito : J. Phase Equilibria, 20 (1999) 3, 207.
- 8) 材料設計技術研究所: http://www.materials-design. co.jp/catcalc/FeCrC.htm
- 9) K. Tanaka, H. Ikehata, K. Nakanishi and T. Nishikawa: Metall. Mater. Trans. A, 42 (2011) 12, 3719.

- G.Miyamoto, J.C.Oh, K.Hono, T.Furuhara and T.Maki : Acta Mater., 55 (2007), 5027.
- K.Tanaka, M.Hara, K.Nakanishi and C.Capdevila: Mater. Trans., 50 (2009) 3, 556.
- 12)田中浩司,与語康宏,中西広吉,C.Capdevila,山崎真吾: 日本鉄鋼協会 材料の組織と特性部会 フォーラム成果報 告書「鋼の拡散型組織形成に及ぼす合金元素の効果」, (2010), 19.
- 13) K.Oi, C.Lux and G.R.Purdy : Acta Mater., 48 (2000), 2147.
- 14) M. Hillert : Scr. Mater., 46 (2002), 447.
- J. Sietsma and S. van der Zwaag : Acta Mater., 52 (2004), 4143.
- 16) H.S.Zurob, C.R.Hutchinson, Y.Bréchet, H.Seyedrezai and G.R.Purdy : Acta Mater., 57 (2009), 2781.
- 17) C.R.Hutchinson, H.S.Zurob and Y.Bréchet : Metall. Mater. Trans. A, 37A (2006), 1711.
- C. Capdevila, K. Tanaka, J. Cornide, K. Nakanishi and E. Urones-Garrote : Metall. Mater. Trans. A, 42 (2011), 3719.
- 田中浩司,池畑秀哲,高宮博之,水野浩行:鉄と鋼,97
 (2011) 3,130.
- 20) 田中浩司, 池畑秀哲: 熱処理, 50 (2010) 6, 994, 608.

(2019年2月28日受付)